



## 1. НАИМЕНОВАНИЕ И ЦЕЛЬ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ

Учебная дисциплина «Теория вероятностей и математическая статистика» изучается обучающимися, осваивающими образовательную программу «Бухгалтерский учет, анализ и аудит» в соответствии с Федеральным государственным образовательным стандартом высшего образования по направлению подготовки 38.03.01 Экономика, квалификация (степень) бакалавр, утвержденного приказом Министерства образования и науки Российской Федерации от 12 ноября 2015 года № 1327 (ФГОС ВО 3+).

Целями преподавания данной дисциплины являются:

- Обучение студентов методам теории вероятностей, изучение характеристик одномерных и многомерных случайных величин;
- Изучение основных задач математической статистики, которые необходимы специалистам для грамотной эксплуатации и разработки элементов вычислительной техники и программного (информационного) обеспечения систем.

Учебная дисциплина способствует углублению и расширению базовой профессиональной подготовки студентов, а так же учитывает их образовательные потребности.

Изучение учебной дисциплины направлено на подготовку обучающихся к осуществлению трудовой деятельности определенной профессиональным стандартом № 309 «Бухгалтер», утвержденным приказом Министерства труда и социальной защиты РФ от 22 декабря 2014 г. N 1061н.

## 2. МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ ПРОГРАММЫ

Учебная дисциплина Теория вероятностей и математическая статистика относится к обязательной части учебного плана и изучается на 2 курсе.

2.1. Требования к предварительной подготовке обучающегося:

Дисциплины, предшествующие изучению предмета "Теория вероятностей и математическая статистика": "Математическая логика и линейная алгебра",

"Математический анализ",

"Информатика", "Финансовая грамотность и управление финансами",

"Экономика организации (предприятия)".

Параллельно с дисциплиной изучается: "Деньги, кредит, банки",

"Информационные системы в экономике", "Основы финансовых расчетов".

2.2. Дисциплины (модули) и практики, для которых освоение данной дисциплины (модуля) необходимо как предшествующее:

Изучение дисциплины "Теория вероятностей и математическая статистика" является базой для изучения: ,

"Статистика",

Развитие у обучающихся навыков командной работы, межличностной коммуникации, принятия решений, лидерских качеств обеспечивается чтением лекций, проведением семинарских занятий в форме опроса и решения задач, содержание которых разработано на основе результатов научных исследований, проводимых Университетом, в том числе с учетом региональных особенностей профессиональной деятельности выпускников и потребностей работодателей.

Финансы

Основы финансовых расчетов

Статистика финансов

### 3. ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ ОБУЧЕНИЯ ПО ДИСЦИПЛИНЕ, СООТНЕСЕННЫЕ С ПЛАНИРУЕМЫМИ РЕЗУЛЬТАТАМИ ОСВОЕНИЯ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ ПРОГРАММЫ

В результате освоения дисциплины обучающийся по программе бакалавриата должен овладеть:

*- Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач (УК-1)*

#### Планируемые результаты обучения по дисциплине

Формируемая компетенция	Планируемые результаты обучения	Код результата обучения
<b>Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач (УК-1)</b>	<b><u>Знать:</u></b>	
	пространство элементарных событий, случайные события, алгебра событий	УК-1-31
	основные понятия и задачи статистики	УК-1-32
	основные методы решения задач теории вероятностей	УК-1-33
	характеристики одномерных и многомерных случайных величин	УК-1-34
	<b><u>Уметь:</u></b>	
	формализовать задачи, для которых требуется провести соответствующий анализ, определять направление и методы обработки статистических данных	УК-1-У1
	решать задачи с помощью теоремы Бернулли	УК-1-У2
	определять одноканальную и многоканальную модель СМО	УК-1-У3
	решать задачи СМО с ожиданием, с ограниченной длиной очереди	УК-1-У4
	<b><u>Владеть:</u></b>	
	основными понятиями дисциплины «Теория вероятностей и математическая статистика»	УК-1-В1
	опытом вычисления характеристик положения и числовых характеристик случайных величин, выборок	УК-1-В2
	навыками поиска информации по дисциплине с применением информационно-коммуникационных технологий	УК-1-В3
	навыками решения профессиональных задач с помощью теории вероятностей и математической статистики	УК-1-В4

### 4. ОБЪЕМ ДИСЦИПЛИНЫ В ЗАЧЕТНЫХ ЕДИНИЦАХ С УКАЗАНИЕМ КОЛИЧЕСТВА АКАДЕМИЧЕСКИХ ЧАСОВ, ВЫДЕЛЕННЫХ НА КОНТАКТНУЮ РАБОТУ ОБУЧАЮЩИХСЯ С ПРЕПОДАВАТЕЛЕМ (ПО ВИДАМ УЧЕБНЫХ ЗАНЯТИЙ) И НА САМОСТОЯТЕЛЬНУЮ РАБОТУ ОБУЧАЮЩИХСЯ

№	Форма обучения	Семестр	Общая трудоёмкость		В том числе контактная работа с преподавателем						Контр оль	Сам. работа	Форма промежуточно й аттестации
			В з.е.	В часах	всего	Лекц ии	Сем	КоР	Конс	Э			
1	заочная	2	4	144	16	8	4	1,6	2	0,4	6,6	121,4	экзамен
2	очно- заочная	4	4	144	36	20	12	1,6	2	0,4	33,6	74,4	экзамен

**Распределение учебного времени по темам и видам учебных занятий  
заочная форма обучения**

№	Наименование разделов, тем учебных занятий	Всего часов	Контактная работа с преподавателем						Контроль	Сам. раб.	Формируемые результаты обучения
			Всего	Лекц	Сем	КоР	Конс	Э			
1	Комбинаторика, события, алгебра событий. Элементарные комбинаторные соотношения. Пространство элементарных событий, случайные события, алгебра событий.	13	1	1						12	УК-1-31, УК-1-У3, УК-1-В3
2	Вероятность. Классическое статистическое (частное) и геометрическое определение вероятности. Несовместные и независимые события. Условная вероятность. Законы сложения и умножения вероятностей. Формула полной вероятности, формула Байеса.	14	1	1						13	УК-1-31, УК-1-32, УК-1-У2, УК-1-В2
3	Закон редких событий. Повторение испытаний. Схема Бернулли, наивероятнейшее число успехов. Полиномиальное распределение. Локальная и интегральная теоремы Муавра – Лапласа.	13	1	1						12	УК-1-33, УК-1-У2, УК-1-В4
4	Случайные величины (СВ). типы СВ. Законы распределения СВ. Интегральная функция распределения СВ и ее свойства. Непрерывные СВ, плотность распределения и ее свойства. Характеристики положения СВ: мода, медиана,	13	1	1						12	УК-1-34, УК-1-У1, УК-1-В1

	<p>квантили и процентные точки. Числовые характеристики одномерных СВ. начальные и центральные моменты СВ. Математическое ожидание и его свойства. Дисперсия и ее свойства.</p>									
5	<p>Законы распределения случайных величин. Равномерный, показательный и нормальный законы распределения. Вероятность попадания на интервал, математическое ожидание, дисперсия, асимметрия и эксцесс. Стандартное нормальное распределение. Функция надежности.</p>	14	2	1	1				12	УК-1-34, УК-1-У4, УК-1-В1
6	<p>Закон больших чисел. Неравенство Чебышева. Теоремы Чебышева, Маркова и Бернулли. Центральная предельная теорема. Теорема Ляпунова</p>	13	1		1				12	УК-1-33, УК-1-У1, УК-1-В1
7	<p>Элементы математической статистики. Основные понятия и Задачи статистики. Выборочное распределение, объем выборки, ряд распределения, полигон и гистограмма частот. Выборочные значения и оценка параметров (точечная).</p>	13	1	1					12	УК-1-32, УК-1-У1, УК-1-В4
8	<p>Интервальное оценивание.</p>	14	2	1	1				12	УК-1-34, УК-1-У1, УК-1-В2

	Доверительная вероятность и доверительный интервал. Интервальная оценка для математического ожидания при известной дисперсии, при неизвестной дисперсии. Распределения Стьюдента. Интервальная оценка выборочной дисперсии. Распределение «хи-квадрат»										
9	Проверка статистических гипотез и элементы корреляционного анализа. Критерий значимости и критическая область. ошибки первого и второго рода, мощность критерия. Различие между двумя выборочными средними.	13	1	1						12	УК-1-33, УК-1-У1, УК-1-В1
10	Система массового обслуживания. Цепи Маркова. Математические модели СМО. СМО с ожиданием. СМО с ограниченной длиной очереди. Одноканальная и многоканальная модель СМО. Замкнутые СМО.	13,4	1		1					12,4	УК-1-34, УК-1-У3, УК-1-У4, УК-1-В2, УК-1-В3
11	Промежуточная аттестация (экзамен)		4				1,6	2	0,4		
	Итого:	144	16	8	4	1,6	2	0,4	6,6	121,4	

### очно-заочная форма обучения

1	Наименование разделов, тем учебных занятий	Всего часов	Контактная работа с преподавателем						Контроль	Сам. раб.	Формируемые результаты обучения
			Всего	Лекц	Сем	КоР	Конс	Э			

1	Комбинаторика, события, алгебра событий. Элементарные комбинаторные соотношения. Пространство элементарных событий, случайные события, алгебра событий.	10	2	2					8	УК-1-31, УК-1-У3, УК-1-В3
2	Вероятность. Классическое статистическое (частное) и геометрическое определение вероятности. Несовместные и независимые события. Условная вероятность. Законы сложения и умножения вероятностей. Формула полной вероятности, формула Байеса.	10	3	2	1				7	УК-1-31, УК-1-32, УК-1-У2, УК-1-В2
3	Закон редких событий. Повторение испытаний. Схема Бернулли, наивероятнейшее число успехов. Полиномиальное распределение. Локальная и интегральная теоремы Муавра – Лапласа.	10	3	2	1				7	УК-1-33, УК-1-У2, УК-1-В4
4	Случайные величины (СВ). типы СВ. Законы распределения СВ. Интегральная функция распределения СВ и ее свойства. Непрерывные СВ, плотность распределения и ее свойства. Характеристики положения СВ: мода, медиана, квантили и процентные точки. Числовые характеристики одномерных СВ. начальные и центральные моменты СВ. Математическое ожидание и его свойства.	11	3	2	1				8	УК-1-34, УК-1-У1, УК-1-В1

	Дисперсия и ее свойства.									
5	Законы распределения случайных величин. Равномерный, показательный и нормальный законы распределения. Вероятность попадания на интервал, математическое ожидание, дисперсия, асимметрия и эксцесс. Стандартное нормальное распределение. Функция надежности.	10	3	2	1				7	УК-1-34, УК-1-У4, УК-1-В1
6	Закон больших чисел. Неравенство Чебышева. Теоремы Чебышева, Маркова и Бернулли. Центральная предельная теорема. Теорема Ляпунова	10	3	2	1				7	УК-1-33, УК-1-У1, УК-1-В1
7	Элементы математической статистики. Основные понятия и Задачи статистики. Выборочное распределение, объем выборки, ряд распределения, полигон и гистограмма частот. Выборочные значения и оценка параметров (точечная).	12	4	2	2				8	УК-1-32, УК-1-У1, УК-1-В4
8	Интервальное оценивание. Доверительная вероятность и доверительный интервал. Интервальная оценка для математического ожидания при известной дисперсии, при неизвестной	12	4	2	2				8	УК-1-34, УК-1-У1, УК-1-В2



	дисперсии. Распределение Стьюдента. Интервальная оценка выборочной дисперсии. Распределение «хи-квадрат»										
9	Проверка статистических гипотез и элементы корреляционног о анализа. Критерий значимости и критическая область. ошибки первого и второго рода, мощность критерия. Различие между двумя выборочными средними.	11	4	2	2					7	УК-1-33, УК-1-У1, УК-1-В1
10	Система массового обслуживания. Цепи Маркова. Математические модели СМО. СМО с ожиданием. СМО с ограниченной длиной очереди. Одноканальная и многоканальная модель СМО. Замкнутые СМО.	10,4	3	2	1					7,4	УК-1-34, УК-1-У3, УК-1-У4, УК-1- В2, УК-1-В3
11	Промежуточная аттестация (экзамен)		4			1,6	2	0,4			
	Итого:	144	36	20	12	1,6	2	0,4	33,6	74,4	

## **5. СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ, СТРУКТУРИРОВАННОЕ ПО ТЕМАМ (РАЗДЕЛАМ)**

**Тема 1. Комбинаторика, события, алгебра событий. Элементарные комбинаторные соотношения. Пространство элементарных событий, случайные события, алгебра событий.**

Пространство элементарных событий, противоположные события, случайные события, алгебра событий. Диаграммы Эйлера-Венна. Элементарные комбинаторные соотношения. Размещения, сочетания, перестановки и перестановки с повторениями. Формула Ньютона. Треугольник Паскаля. Элементарные задачи на комбинаторику.

**Тема 2. Вероятность. Классическое, статистическое (частотное) и геометрическое определение вероятности. Несовместные и независимые события. Условная вероятность. Законы сложения и умножения вероятностей. Формула полной вероятности, формула Байеса.**

Статистическое (частотное) и геометрическое определение вероятности. Несовместные и независимые события. Полная группа событий. Условная вероятность. Законы сложения и умножения вероятностей. Формула полной вероятности, формула Байеса

**Тема 3. Повторение испытаний. Схема Бернулли, наивероятнейшее число успехов. Полиномиальное распределение. Локальная и интегральная теоремы Муавра – Лапласа. Закон редких событий.**

Схема Бернулли, наивероятнейшее число успехов. Полиномиальное распределение. Локальная и интегральная теоремы Муавра – Лапласа. Закон редких событий.

**Тема 4. Случайные величины (СВ). Типы СВ. Законы распределения СВ. Интегральная функция распределения СВ и ее свойства. Непрерывные СВ, плотность распределения и ее свойства. Характеристики положения СВ: мода, медиана, квантили и процентные точки. Числовые характеристики одномерных СВ. Начальные и центральные моменты СВ.**

**Математическое ожидание и его свойства. Дисперсия и ее свойства.**

Типы СВ, дискретные и непрерывные СВ. Законы распределения СВ. Интегральная функция распределения СВ и ее свойства. Непрерывные СВ, плотность распределения и ее свойства. Характеристики положения СВ: мода, медиана, квантили и процентные точки. Числовые характеристики одномерных СВ. Начальные и центральные моменты СВ. Математическое ожидание и его свойства. Дисперсия и ее свойства.

**Тема 5. Законы распределения случайных величин. Равномерный, показательный и нормальный законы распределения. Вероятность попадания на интервал, математическое ожидание, дисперсия, асимметрия и эксцесс. Стандартное нормальное распределение. Функция надежности.**

Равномерный, показательный и нормальный законы распределения. Вероятность попадания на интервал, математическое ожидание, дисперсия, среднее квадратическое отклонение, асимметрия и эксцесс. Стандартное нормальное распределение. Функция надежности.

**Тема 6. Закон больших чисел. Неравенство Чебышева. Теоремы Чебышева, Маркова и Бернулли. Центральная предельная теорема. Теорема Ляпунова.**

Равномерный, показательный и нормальный законы распределения. Вероятность попадания на интервал, математическое ожидание, дисперсия, среднее квадратическое отклонение, асимметрия и эксцесс. Стандартное нормальное распределение. Функция надежности.

**Тема 7. Элементы математической статистики. Основные понятия и задачи статистики. Выборочное распределение, объем выборки, ряд распределения, полигон и гистограмма частот. Выборочные значения и оценка параметров (точечная).**

Основные понятия и задачи статистики. Выборочное распределение, объем выборки, ряд распределения, полигон и гистограмма частот. Выборочные значения и оценка параметров (точечная).

**Тема 8. Интервальное оценивание. Доверительная вероятность и доверительный интервал. Интервальная оценка для математического ожидания при известной дисперсии, при неизвестной дисперсии. Распределения Стьюдента. Интервальная оценка выборочной дисперсии. Распределение “хи-квадрат”.**

Доверительная вероятность и доверительный интервал. Интервальная оценка для математического ожидания при известной дисперсии, при неизвестной дисперсии. Распределения Стьюдента. Интервальная оценка выборочной дисперсии. Распределение “хи-квадрат”.

**Тема 9. Проверка статистических гипотез и элементы корреляционного анализа.**

**Критерий значимости и критическая область. Ошибки первого и второго рода, мощность критерия. Различие между двумя выборочными средними.**

Критерий значимости и критическая область. Ошибки первого и второго рода, мощность критерия. Различие между двумя выборочными средними. Ковариация и корреляция. Коэффициенты корреляции Пирсона, Спирмена и Кендела. Частная корреляция.

**Тема 10. Системы массового обслуживания. Цепи Маркова. Математические модели СМО. СМО с ожиданием. СМО с ограниченной длиной очереди. Одноканальная и многоканальная модель СМО. Замкнутые СМО.**

Цепи Маркова. Математические модели СМО. СМО с ожиданием. СМО с ограниченной длиной очереди. Одноканальная и многоканальная модель СМО. Замкнутые СМО.

**Тема 11. Промежуточная аттестация (экзамен).**

**КОМБИНАТОРИКА**

1. Перестановки без повторения и с повторением.
2. Размещения с повторением и без повторения.
3. Сочетания с повторением и без повторения.
4. Формула умножения.

**ТЕОРИЯ ВЕРОЯТНОСТИ**

5. Случайные события. Противоположные события. Независимые события. Относительная частота. Классическое и геометрическое определение вероятности.

6. Аксиоматическое определение вероятности. Пространство элементарных событий. Алгебра событий.

7. Условная вероятность. Полная вероятность. Формула Байеса.

8. Выборки с возвращением и без возвращения. Распределение Бернулли и гипергеометрическое распределение.

9. Распределение Пуассона дискретной случайной величины.

10. Понятие дискретной случайной величины. Закон распределения дискретной случайной величины. Функция распределения, ее свойства, график.

11. Непрерывные случайные величины. Плотность распределения случайной величины (плотность вероятности). Равномерное и экспоненциальное распределение.

12. Нормальное распределение непрерывной случайной величины. Функция Лапласа. Правило трех сигм.

13. Моменты случайных величин. Асимметрия и эксцесс.

14. Математическое ожидание и дисперсия дискретной случайной величины.

15. Математическое ожидание и дисперсия непрерывной случайной величины.

16. Функции распределения многомерных случайных величин: дискретные и непрерывные случайные величины, полиномиальное, равномерное и нормальное.

17. Граничные и условные распределения.

18. Характеристические функции.

19. Производящие функции.

20. Предельные теоремы Муавра-Лапласа.

21. Неравенство Чебышева.

22. Теорема Чебышева.

23. Теорема Бернулли.

24. Теорема Колмогорова.

25. Закон больших чисел.

26. Центральная предельная теорема.

**ОСНОВНЫЕ ПОНЯТИЯ МАТЕМАТИЧЕСКОЙ СТАТИСТИКИ.**

27. Статистическая (генеральная) совокупность. Выборки.
28. Гистограмма и полигон частот.
29. Статистическая (эмпирическая) функция распределения.
30. Выборочные характеристики и их распределения. Точные выборочные распределения (Стьюдента, Фишера, -распределение).

#### ОЦЕНКА ПАРАМЕТРОВ. ТОЧЕЧНЫЕ ОЦЕНКИ.

31. Состоятельные, эффективные смещенные и несмещенные оценки параметров.
32. Статистическое среднее, статистическая дисперсия и статистическое среднее квадратичное как точечные оценки неизвестных: математического ожидания, дисперсии, среднего квадратичного отклонения и корреляции.

33. Метод наибольшего правдоподобия.

#### ДОВЕРИТЕЛЬНЫЕ ИНТЕРВАЛЫ И ИНТЕРВАЛЬНЫЕ ОЦЕНКИ.

34. Доверительные интервалы и интервальные оценки. Мера надёжности.
35. Доверительные оценки неизвестной вероятности по большим выборкам.
36. Доверительная оценка математического ожидания при неизвестной дисперсии.
37. Доверительная оценка среднего квадратичного отклонения.

#### СТАТИСТИЧЕСКИЕ ГИПОТЕЗЫ.

38. Математические методы проверки статистических гипотез. Основная и конкурирующая гипотезы, уровень значимости, ошибки первого и второго родов, критическая область.

39.  $t^2$  Критерий.

40.  $t$ -критерий Стьюдента.

41.  $F$ -критерий.

42. Проверка гипотезы о значимости выборочного коэффициента корреляции.

43. Ранговая корреляция Спирмена. Проверка гипотезы о значимости выборочного рангового коэффициента корреляции Спирмена.

44. Ранговая корреляция Кендалла. Проверка гипотезы о значимости выборочного рангового коэффициента корреляции.

#### СТАТИСТИЧЕСКИЙ АНАЛИЗ.

45. Метод наименьших квадратов: линейная, параболическая и гиперболическая зависимость.

46. Метод наименьших квадратов: способы определения вида оптимальной кривой.

47. Основы регрессионного и корреляционного анализа, множественная корреляция.

#### СИСТЕМЫ МАССОВОГО ОБСЛУЖИВАНИЯ

48. Однородная цепь Маркова.

49. Математические модели СМО.

50. СМО с ожиданием.

51. СМО с ограниченной длиной очереди.

52. Одноканальная и многоканальная модель СМО.

53. Замкнутые СМО

54. Линейная регрессия.

55. Цепи Маркова.

56. Транспортная задача.

57. Основные модели системы массового обслуживания.

58. Необходимость введения очередности системы массового обслуживания.

59. Определение СМО.

60. Назначение одноканальной СМО.

### Планы семинарских занятий

Тема 1. Комбинаторика, события, алгебра событий. Элементарные комбинаторные соотношения. Пространство элементарных событий, случайные события, алгебра событий.. .

Время - 1 час.

Основные вопросы:

Элементарные комбинаторные соотношения. Пространство элементарных событий, случайные события, алгебра событий.

**Тема 2. Вероятность. Классическое, статистическое (частотное) и геометрическое определение вероятности. Несовместные и независимые события. Условная вероятность. Законы сложения и умножения вероятностей. Формула полной вероятности, формула Байеса.**

Время - 1 час.

Основные вопросы:

Классическое, статистическое (частотное) и геометрическое определение вероятности. Несовместные и независимые события. Условная вероятность. Законы сложения и умножения вероятностей. Формула полной вероятности, формула Байеса.

**Тема 3. Повторение испытаний. Схема Бернулли, наивероятнейшее число успехов. Полиномиальное распределение. Локальная и интегральная теоремы Муавра – Лапласа. Закон редких событий.**

Время - 2 час.

Основные вопросы:

Схема Бернулли, наивероятнейшее число успехов. Полиномиальное распределение. Локальная и интегральная теоремы Муавра – Лапласа. Закон редких событий.

**Тема 4. Случайные величины (СВ). Типы СВ. Законы распределения СВ. Интегральная функция распределения СВ и ее свойства. Непрерывные СВ, плотность распределения и ее свойства. Характеристики положения СВ: мода, медиана, квантили и процентные точки. Числовые характеристики одномерных СВ. Начальные и центральные моменты СВ. Математическое ожидание и его свойства. Дисперсия и ее свойства.**

Время - 2 час.

Основные вопросы:

Типы СВ. Законы распределения СВ. Интегральная функция распределения СВ и ее свойства. Непрерывные СВ, плотность распределения и ее свойства. Характеристики положения СВ: мода, медиана, квантили и процентные точки. Числовые характеристики одномерных СВ. Начальные и центральные моменты СВ. Математическое ожидание и его свойства. Дисперсия и ее свойства.

**Тема 5. Законы распределения случайных величин. Равномерный, показательный и нормальный законы распределения. Вероятность попадания на интервал, математическое ожидание, дисперсия, асимметрия и эксцесс. Стандартное нормальное распределение. Функция надежности.. .**

Время - 1 час.

Основные вопросы:

Равномерный, показательный и нормальный законы распределения. Вероятность попадания на интервал, математическое ожидание, дисперсия, асимметрия и эксцесс. Стандартное нормальное распределение. Функция надежности.

**Тема 6. Закон больших чисел. Неравенство Чебышева. Теоремы Чебышева, Маркова и Бернулли. Центральная предельная теорема. Теорема Ляпунова.**

Время - 1 час.

Основные вопросы:

Неравенство Чебышева. Теоремы Чебышева, Маркова и Бернулли. Центральная предельная теорема. Теорема Ляпунова.

**Тема 7. Элементы математической статистики. Основные понятия и задачи статистики. Выборочное распределение, объем выборки, ряд распределения, полигон и гистограмма частот. Выборочные значения и оценка параметров (точечная).**

Время - 1 час.

Основные вопросы:

Основные понятия и задачи статистики. Выборочное распределение, объем выборки, ряд распределения, полигон и гистограмма частот. Выборочные значения и оценка параметров (точечная).

**Тема 8. Интервальное оценивание. Доверительная вероятность и доверительный интервал. Интервальная оценка для математического ожидания при известной дисперсии, при неизвестной дисперсии. Распределения Стьюдента. Интервальная оценка выборочной дисперсии. Распределение “хи-квадрат”.**

Время - 1 час.

Основные вопросы:

Доверительная вероятность и доверительный интервал. Интервальная оценка для математического ожидания при известной дисперсии, при неизвестной дисперсии. Распределения Стьюдента. Интервальная оценка выборочной дисперсии. Распределение “хи-квадрат”.

**Тема 9. Проверка статистических гипотез и элементы корреляционного анализа. Критерий значимости и критическая область. Ошибки первого и второго рода, мощность критерия. Различие между двумя выборочными средними.**

Время - 1 час.

Основные вопросы:

Критерий значимости и критическая область. Ошибки первого и второго рода, мощность критерия. Различие между двумя выборочными средними.

**Тема 10. Системы массового обслуживания. Цепи Маркова. Математические модели СМО. СМО с ожиданием. СМО с ограниченной длиной очереди. Одноканальная и многоканальная модель СМО. Замкнутые СМО.**

Время - 1 час.

Основные вопросы:

Цепи Маркова. Математические модели СМО. СМО с ожиданием. СМО с ограниченной длиной очереди. Одноканальная и многоканальная модель СМО. Замкнутые СМО.

## **6. ПЕРЕЧЕНЬ УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОГО ОБЕСПЕЧЕНИЯ ДЛЯ САМОСТОЯТЕЛЬНОЙ РАБОТЫ ОБУЧАЮЩИХСЯ ПО ДИСЦИПЛИНЕ**

6.1.1. Основные категории учебной дисциплины для самостоятельного изучения:

См. приложение 1

6.1.2. Задания для повторения и углубления приобретаемых знаний.

№	Код результата обучения	Задания
1	УК-1-31	Выписать в тетрадь или на отдельную карточку и дать определение понятию «Теории вероятностей», сформулировать принципиальные отличия теории вероятностей от других математических дисциплин. Сформулировать цели и задачи теории вероятностей.
2	УК-1-31	Сформулировать и выписать в тетрадь или на отдельную карточку роль и место теории вероятностей в естественнонаучных и социально-экономических исследованиях.
3	УК-1-32	Выписать в тетрадь или на отдельную карточку и дать определение выборочных распределений: Стьюдента, Фишера–Снедекора и Пирсона. Привести примеры ранее данных определений.
4	УК-1-32	Выписать в тетрадь или на отдельную карточку ответ и дать определение понятиям «Сочетания и размещения из N элементов по M. В чем сходство и различие?», привести примеры.
5	УК-1-33	Выписать в тетрадь или на отдельную карточку и дать определение понятию «Многомерные СВ (на примере двумерных).», привести примеры.
6	УК-1-33	Выписать в тетрадь или на отдельную карточку и дать определение понятию «Плотность распределения двумерной СВ, ее свойства», привести примеры.
7	УК-1-34	Выписать в тетрадь или на отдельную карточку и дать определение понятий «Гистограмма, полигон, эмпирическая функция распределения», привести примеры.

8	УК-1-34	Выписать в тетрадь или на отдельную карточку и дать определение понятий «Дисперсионный анализ, корреляционный анализ, регрессионный анализ», привести примеры задач, решаемых в рамках этих концепций и указать на различие в подходах. Свернуть Уметь
---	---------	---

### 6.2. Задания, направленные на формирование профессиональных умений.

№	Код результата обучения	Задания
9	УК-1-У1	Построить график функции распределения, заданной квадратичной функцией.
10	УК-1-У1	Построить график функции распределения (линейная функция) и найти математическое ожидание, дисперсию и среднеквадратичное отклонение.
11	УК-1-У2	Найти вероятность того, что в номере случайно выбранного в большом городе автомобиля сумма первых двух цифр равна сумме двух последних (раньше номер автомобиля был четырехзначным).
12	УК-1-У2	Найти математическое ожидание и дисперсию распределения случайной величины, получаемой по таблице истинности, где под случайной величиной понимают число очков на кубике из шести граней.
13	УК-1-У3	Найти плотность вероятности непрерывной случайной величины, получаемой по числу очков на верхней грани кубика, имеющего шесть граней.
14	УК-1-У3	Найти математическое ожидание и дисперсию случайной величины, полученной из таблицы истинности, составленной по сумме очков, выпавшей на гранях двух кубиков.
15	УК-1-У4	Пусть вероятность того, что телевизор потребует ремонта в течение гарантийного срока, равна 0,2. Найти вероятность того, что в течение гарантийного срока из 6 телевизоров: а) не более одного потребует ремонта.
16	УК-1-У4	Устройство, состоящее из пяти независимо работающих элементов, включается за время $T$ . Вероятность отказа каждого из них за это время равна 0,2. Найти вероятность того, что откажут: а) три элемента; б) не менее четырех элементов; в) хотя бы один элемент.

### 6.3. Задания, направленные на формирование профессиональных навыков, владений.

№	Код результата обучения	Задания
17	УК-1-В1	Статистические гипотезы. Значимость коэффициента корреляции. Проверить гипотезу о значимости выборочного коэффициента корреляции по двумерной выборке (выборка составлена по успеваемости учащихся в классе из 15 человек).
18	УК-1-В1	Статистические гипотезы о равенстве дисперсий. Доказать статистическую гипотезу о равенстве дисперсий в двух выборках и проверить ее эмпирическим путем.
19	УК-1-В2	Критерий Вилкоксона. Используя критерий Вилкоксона, проверить гипотезу об однородности двух выборок по произвольным данным при уровне значимости 0,02.
20	УК-1-В2	Выполнить исследование многомерной случайной величины. Необходимо: заполнить таблицу, найти граничные распределения, условные распределения, математические ожидания, дисперсии, средние квадратичные отклонения, ковариацию и коэффициент корреляции. В таблицу истинности поместить произвольные значения.

21	УК-1-В3	С базы в магазин отправлено 4000 тщательно упакованных доброкачественных изделий. Вероятность того, что изделие повредится в пути, равна 0.0005. Найти вероятность того, что из 4000 изделий в магазин придут 3 испорченных изделия.
22	УК-1-В3	Теория вероятностей, классическое определение вероятности Колода из 36 карт хорошо перемешана, то есть все возможные распределения карт равновероятны. Найти вероятность события: все четыре короля расположены рядом. Теория вероятностей, условная вероятность
23	УК-1-В4	Междугородный переговорный пункт имеет один телефонный аппарат. В среднем за сутки поступает 320 заявок на переговоры. Средняя длительность переговоров составляет 5 мин. В очереди должно быть не более 4 заявок. Потоки заявок и обслуживаний простейшие. Определить предельные вероятности состояний и характеристики обслуживания переговорного пункта в стационарном режиме (вероятность простоя каналов, вероятность отказа, вероятность обслуживания, среднее число занятых каналов, среднее число заявок в очереди, среднее число заявок в системе, абсолютную пропускную способность, относительную пропускную способность, среднее время заявки в очереди, среднее время заявки в системе, среднее время заявки под обслуживанием).
24	УК-1-В4	Выборки, эмпирическая функция распределения, точечные оценки. Статистическое распределение случайной величины представлено в таблице наблюдаемых значений. Построить гистограмму, эмпирическую функцию распределения, найти точечную оценку математического ожидания, смещенной и несмещенной дисперсии и среднего квадратичного отклонения. Проверить гипотезу нормальном распределении генеральной совокупности.

## 7. ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ ДЛЯ ПРОВЕДЕНИЯ ТЕКУЩЕГО КОНТРОЛЯ И ПРОМЕЖУТОЧНОЙ АТТЕСТАЦИИ ОБУЧАЮЩИХСЯ ПО ДИСЦИПЛИНЕ (МОДУЛЮ)

### 7.1. Средства оценивания в ходе текущего контроля:

В период самостоятельной работы по освоению дисциплины «Теория вероятностей и математическая статистика» студенты по каждой теме учебно-тематического плана должны:

- изучать тексты учебников и учебных пособий;
- изучать учебные пособия из электронных библиотек;
- просматривать видео-лекцию;
- готовить доклады и сообщения к семинарскому занятию;
- решать учебные задачи к семинарскому занятию;
- ответы на контрольные вопросы.

### 7.2. ФОС для текущего контроля:

№	Код результата обучения	ФОС текущего контроля
1	УК-1-31	Ответ на вопрос 1,2 из раздела 6.1.2.
2	УК-1-31	Ответ на вопрос 3,4 из раздела 6.1.2.
3	УК-1-32	Ответ на вопрос 5,6 из раздела 6.1.2.
4	УК-1-32	Ответ на вопрос 7,8 из раздела 6.1.2.
5	УК-1-33	Ответ на вопрос 9 из раздела 6.1.2.
6	УК-1-33	Ответ на вопрос 10 из раздела 6.1.2.
7	УК-1-34	Ответ на вопрос 11 из раздела 6.1.2.
8	УК-1-34	Ответ на вопрос 12 из раздела 6.1.2.
9	УК-1-У1	Выполнение задания 13,14 из раздела 6.2.
10	УК-1-У1	Выполнение задания 15,16 из раздела 6.2.



11	УК-1-У2	Выполнение задания 17,18 из раздела 6.2.
12	УК-1-У2	Выполнение задания 19,20 из раздела 6.2.
13	УК-1-У3	Выполнение задания 21 из раздела 6.2.
14	УК-1-У3	Выполнение задания 22 из раздела 6.2.
15	УК-1-У4	Выполнение задания 23 из раздела 6.2.
16	УК-1-У4	Выполнение задания 24 из раздела 6.2.
17	УК-1-В1	Выполнение задания 25,26 из раздела 6.3.
18	УК-1-В1	Выполнение задания 27,28 из раздела 6.3.
19	УК-1-В2	Выполнение задания 29,30 из раздела 6.3.
20	УК-1-В2	Выполнение задания 31,32 из раздела 6.3.
21	УК-1-В3	Выполнение задания 33 из раздела 6.3.
22	УК-1-В3	Выполнение задания 34 из раздела 6.3.
23	УК-1-В4	Выполнение задания 35 из раздела 6.3.
24	УК-1-В4	Выполнение задания 36 из раздела 6.3.

7.3 ФОС для промежуточной аттестации:

Задания для оценки знаний.

№	Код результата обучения	Задания
---	-------------------------	---------

1	УК-1-31	<p>Перечень вопросов для студентов по подготовке к зачету 1-13</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1. Элементы комбинаторики: общие правила, формула включения и исключения, размещения, перестановки, сочетания.</li> <li>2. Основные понятия теории вероятностей. Алгебра событий. Относительная частота. Классическое, статистическое, геометрическое, аксиоматическое определение вероятности.</li> <li>3. Основные теоремы теории вероятностей: теоремы о сложении вероятностей, теорема умножения вероятностей. Условная вероятность. Формула полной вероятности. Формула Байеса.</li> <li>4. Последовательность независимых испытаний. Формула Бернулли. Локальная предельная теорема Муавра - Лапласа. Интегральная предельная теорема Муавра - Лапласа. Теорема Пуассона.</li> <li>5. Случайные величины: определение, классификация, способы задания. Дискретные и непрерывные случайные величины. Функция распределения, плотность распределения и</li> <li>6. Числовые характеристики случайных величин (математическое ожидание, мода, медиана, дисперсия, среднее квадратическое отклонение, коэффициент вариации).</li> <li>7. Моменты случайных величин. Асимметрия и эксцесс. Производящие функции.</li> <li>8. Некоторые законы распределения дискретных случайных величин (биномиальное, Пуассона, равномерное, геометрическое).</li> <li>9. Некоторые законы распределения непрерывных случайных величин (равномерное, экспоненциальное, нормальное).</li> <li>10. Некоторые специальные законы распределения случайных величин: <math>\chi^2</math>, Стьюдента, Фишера – Снедекора.</li> <li>11. Неравенство Чебышёва. Теорема Чебышёва (закон больших чисел).</li> <li>12. Теорема Бернулли. Центральная предельная теорема.</li> <li>13. Основные понятия математической статистики. Генеральная совокупность и выборка. Генеральные и выборочные характеристики. Вариационный ряд. Эмпирическая функция распределения. Полигон частот и гистограмма. Эмпирические законы распределения.</li> </ol>
---	---------	---

2	УК-1-31	<p>Перечень вопросов для студентов по подготовке к экзамену 1-26 КОМБИНАТОРИКА</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1. Перестановки без повторения и с повторением.</li> <li>2. Размещения с повторением и без повторения.</li> <li>3. Сочетания с повторением и без повторения.</li> <li>4. Формула умножения.</li> <li>5. Случайные события. Противоположные события. Независимые события. Относительная частота. Классическое и геометрическое определение вероятности.</li> <li>6. Аксиоматическое определение вероятности. Пространство элементарных событий. Алгебра событий.</li> <li>7. Условная вероятность. Полная вероятность. Формула Байеса.</li> <li>8. Выборки с возвращением и без возвращения. Распределение Бернулли и гипергеометрическое распределение.</li> <li>9. Распределение Пуассона дискретной случайной величины.</li> <li>10. Понятие дискретной случайной величины. Закон распределения дискретной случайной величины. Функция распределения, ее свойства, график.</li> <li>11. Непрерывные случайные величины. Плотность распределения случайной величины (плотность вероятности). Равномерное и экспоненциальное распределение.</li> <li>12. Нормальное распределение непрерывной случайной величины. Функция Лапласа. Правило трех сигм.</li> <li>13. Моменты случайных величин. Асимметрия и эксцесс.</li> <li>14. Математическое ожидание и дисперсия дискретной случайной величины.</li> <li>15. Математическое ожидание и дисперсия непрерывной случайной величины.</li> <li>16. Функции распределения многомерных случайных величин: дискретные и непрерывные случайные величины, полиномиальное, равномерное и нормальное.</li> <li>17. Граничные и условные распределения.</li> <li>18. Характеристические функции.</li> <li>19. Производящие функции.</li> <li>20. Предельные теоремы Муавра-Лапласа.</li> <li>21. Неравенство Чебышева.</li> <li>22. Теорема Чебышева.</li> <li>23. Теорема Бернулли.</li> <li>24. Теорема Колмогорова.</li> <li>25. Закон больших чисел.</li> <li>26. Центральная предельная теорема.</li> </ol>
---	---------	---

3	УК-1-32	<p>Перечень вопросов для студентов по подготовке к зачету 14-31</p> <p>14. Нахождение неизвестных параметров распределения по выборке. Статистические оценки параметров распределения. Свойства оценок. Точечные и интервальные оценки параметров распределения.</p> <p>15. Методы статистической оценки параметров: метод максимального правдоподобия, метод моментов, метод наименьших квадратов.</p> <p>16. Доверительные интервалы. Доверительные интервалы параметров нормального распределения. Построение доверительного интервала для вероятности события.</p> <p>17. Общие положения проверки статистических гипотез. Проверка статистических гипотез о параметрах распределений</p> <p>18. Критерий квантилей. Проверка гипотез о распределениях.</p> <p>19. Основы дисперсионного анализа.</p> <p>20. Основы корреляционно-регрессионного анализа.</p> <p>21. Почему точечные оценки параметров иногда не устраивают исследователя?</p> <p>22. В чём недостаток точечных оценок?</p> <p>23. Постановка задачи интервального оценивания.</p> <p>24. Что такое доверительный интервал? Доверительная вероятность?</p> <p>25. Связь между длиной доверительного интервала и доверительной вероятностью, объёмом выборки.</p> <p>26. Что надо знать для построения доверительного интервала?</p> <p>27. Общая схема построения доверительных интервалов.</p> <p>28. Доверительные интервалы для параметра <math>\mu</math> (среднего) нормального распределения (при известном и неизвестном втором параметре).</p> <p>29. Доверительный интервал для параметра (среднего квадратического отклонения) нормального распределения.</p> <p>30. Графическое представление экспериментальных данных.</p> <p>31. Вычисление необходимого числа наблюдений для оценки измеряемой величины с заданной точностью.</p>
---	---------	---

4	УК-1-32	<p>Перечень вопросов для студентов по подготовке к экзамену 27-33  <b>ОСНОВНЫЕ ПОНЯТИЯ МАТЕМАТИЧЕСКОЙ СТАТИСТИКИ.</b>  27. Статистическая (генеральная) совокупность. Выборки.  28. Гистограмма и полигон частот.  29. Статистическая (эмпирическая) функция распределения.  30. Выборочные характеристики и их распределения. Точные выборочные распределения (Стьюдента, Фишера, -распределение).  Перечень вопросов для студентов по подготовке к экзамену 31-33  <b>ОЦЕНКА ПАРАМЕТРОВ. ТОЧЕЧНЫЕ ОЦЕНКИ.</b>  31. Состоятельные, эффективные смещенные и несмещенные оценки параметров.  32. Статистическое среднее, статистическая дисперсия и статистическое среднее квадратичное как точечные оценки неизвестных: математического ожидания, дисперсии, среднего квадратичного отклонения и корреляции.  33. Метод наибольшего правдоподобия.</p>
5	УК-1-33	<p>Перечень вопросов для студентов по подготовке к зачету 32-41  32 Что такое параметры распределения? Приведите примеры.  33 Постановка задачи оценки параметров распределения.  34 Что выступает в качестве точечных оценок параметров?  35 Вероятностный смысл начального момента первого порядка.  36 Вероятностный смысл начального момента второго порядка.  37 Понятие о состоятельности, эффективности, несмещённости оценок параметров.  38 Назначение метода моментов.  39 Идея, заложенная в методе моментов.  40 Оценки параметров равномерного, показательного, нормального, биномиального, пуассоновского распределений.  41 Что такое исправленное выборочное среднее квадратическое отклонение? В чём его преимущество перед выборочным средним квадратическим отклонением?</p>
6	УК-1-33	<p>Перечень вопросов для студентов по подготовке к экзамену 34-37  <b>ДОВЕРИТЕЛЬНЫЕ ИНТЕРВАЛЫ И ИНТЕРВАЛЬНЫЕ ОЦЕНКИ.</b>  34. Доверительные интервалы и интервальные оценки. Мера надёжности.  35. Доверительные оценки неизвестной вероятности по большим выборкам.  36. Доверительная оценка математического ожидания при неизвестной дисперсии.  37. Доверительная оценка среднего квадратичного отклонения.</p>

7	УК-1-34	<p>Перечень вопросов для студентов по подготовке к зачету 42-62</p> <p>42 Почему нужно проверять статистическую гипотезу?</p> <p>43 Природа ошибок, возникающих при проверке статистических гипотез.</p> <p>44 Можно ли при проверке гипотез избежать ошибок?</p> <p>45 Ошибка 1-го рода и её смысл.</p> <p>46 Ошибка 2-го рода и её смысл.</p> <p>47 Как изменяются вероятности ошибок 1-го и 2-го рода при увеличении объёма выборки?</p> <p>48 Мощность критерия, уровень значимости.</p> <p>49 В чём состоит односторонность действия статистических критериев значимости?</p> <p>50 Что такое критические точки, критическая область?</p> <p>51 Как можно выдвинуть гипотезу о виде распределения?</p> <p>52 Назначение критерия Пирсона.</p> <p>53 На какой выборочной статистике основан критерий Пирсона?</p> <p>54 Смысл статистики Пирсона.</p> <p>55 Последовательность расчётов при проверке гипотезы по критерию Пирсона.</p> <p>56 Можно ли статистическими методами доказать истинность статистической гипотезы? Ложность гипотезы.</p> <p>57 Критерий Стьюдента.</p> <p>58 Критерий Фишера.</p> <p>59 Критерий Колмогорова.</p> <p>60 Критерий знаков.</p> <p>61 Ранговый критерий Уилкоксона.</p> <p>62 Проверка гипотез однородности и независимости.</p>
---	---------	---

8	УК-1-34	<p>Перечень вопросов для студентов по подготовке к экзамену 38-60 СТАТИСТИЧЕСКИЕ ГИПОТЕЗЫ.</p> <p>38. Математические методы проверки статистических гипотез. Основная и конкурирующая гипотезы, уровень значимости, ошибки первого и второго родов, критическая область.</p> <p>39. <math>t_2</math> Критерий.</p> <p>40. <math>t</math>-критерий Стьюдента.</p> <p>41. <math>F</math>-критерий.</p> <p>42. Проверка гипотезы о значимости выборочного коэффициента корреляции.</p> <p>43. Ранговая корреляция Спирмена. Проверка гипотезы о значимости выборочного рангового коэффициента корреляции Спирмена.</p> <p>44. Ранговая корреляция Кендалла. Проверка гипотезы о значимости выборочного рангового коэффициента корреляции.</p> <p>СТАТИСТИЧЕСКИЙ АНАЛИЗ.</p> <p>45. Метод наименьших квадратов: линейная, параболическая и гиперболическая зависимость.</p> <p>46. Метод наименьших квадратов: способы определения вида оптимальной кривой.</p> <p>47. Основы регрессионного и корреляционного анализа, множественная корреляция.</p> <p>СИСТЕМЫ МАССОВОГО ОБСЛУЖИВАНИЯ</p> <p>48. Однородная цепь Маркова.</p> <p>49. Математические модели СМО.</p> <p>50. СМО с ожиданием.</p> <p>51. СМО с ограниченной длиной очереди.</p> <p>52. Одноканальная и многоканальная модель СМО.</p> <p>53. Замкнутые СМО</p> <p>54. Линейная регрессия.</p> <p>55. Цепи Маркова.</p> <p>56. Транспортная задача.</p> <p>57. Основные модели системы массового обслуживания.</p> <p>58. Необходимость введения очередности системы массового обслуживания.</p> <p>59. Определение СМО.</p> <p>60. Назначение одноканальной СМО.</p>
---	---------	--

Задания для оценки умений.

№	Код результата обучения	Задания
1	УК-1-У1	В качестве фондов оценочных средств для оценки умений обучающегося используются задания 13, рекомендованные для выполнения в часы самостоятельной работы (раздел 6.2).
2	УК-1-У1	В качестве фондов оценочных средств для оценки умений обучающегося используются задания 14, рекомендованные для выполнения в часы самостоятельной работы (раздел 6.2).
3	УК-1-У2	В качестве фондов оценочных средств для оценки умений обучающегося используются задания 15, рекомендованные для выполнения в часы самостоятельной работы (раздел 6.2).
4	УК-1-У2	В качестве фондов оценочных средств для оценки умений обучающегося используются задания 16, рекомендованные для выполнения в часы самостоятельной работы (раздел 6.2).

5	УК-1-У3	В качестве фондов оценочных средств для оценки умений обучающегося используются задания 17, рекомендованные для выполнения в часы самостоятельной работы (раздел 6.2).
6	УК-1-У3	В качестве фондов оценочных средств для оценки умений обучающегося используются задания 18, рекомендованные для выполнения в часы самостоятельной работы (раздел 6.2).
7	УК-1-У4	В качестве фондов оценочных средств для оценки умений обучающегося используются задания 19, рекомендованные для выполнения в часы самостоятельной работы (раздел 6.2).
8	УК-1-У4	В качестве фондов оценочных средств для оценки умений обучающегося используются задания 20, рекомендованные для выполнения в часы самостоятельной работы (раздел 6.2).

Задания, направленные на формирование профессиональных навыков, владений.

№	Код результата обучения	Задания
1	УК-1-В1	В качестве фондов оценочных средств для оценки навыков, владений, опыта деятельности обучающегося используются задания 25, рекомендованные для выполнения в часы самостоятельной работы (раздел 6.3).
2	УК-1-В1	В качестве фондов оценочных средств для оценки навыков, владений, опыта деятельности обучающегося используются задания 26, рекомендованные для выполнения в часы самостоятельной работы (раздел 6.3).
3	УК-1-В2	В качестве фондов оценочных средств для оценки навыков, владений, опыта деятельности обучающегося используются задания 27, рекомендованные для выполнения в часы самостоятельной работы (раздел 6.3).
4	УК-1-В2	В качестве фондов оценочных средств для оценки навыков, владений, опыта деятельности обучающегося используются задания 28, рекомендованные для выполнения в часы самостоятельной работы (раздел 6.3).
5	УК-1-В3	В качестве фондов оценочных средств для оценки навыков, владений, опыта деятельности обучающегося используются задания 29, рекомендованные для выполнения в часы самостоятельной работы (раздел 6.3).
6	УК-1-В3	В качестве фондов оценочных средств для оценки навыков, владений, опыта деятельности обучающегося используются задания 30, рекомендованные для выполнения в часы самостоятельной работы (раздел 6.3).
7	УК-1-В4	В качестве фондов оценочных средств для оценки навыков, владений, опыта деятельности обучающегося используются задания 31, рекомендованные для выполнения в часы самостоятельной работы (раздел 6.3).
8	УК-1-В4	В качестве фондов оценочных средств для оценки навыков, владений, опыта деятельности обучающегося используются задания 32, рекомендованные для выполнения в часы самостоятельной работы (раздел 6.3).

**8. ПЕРЕЧЕНЬ ОСНОВНОЙ И ДОПОЛНИТЕЛЬНОЙ УЧЕБНОЙ  
ЛИТЕРАТУРЫ, НЕОБХОДИМОЙ ДЛЯ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ  
(МОДУЛЯ)**



а) основная литература:

*Кремер, Н. Ш.* Теория вероятностей и математическая статистика : учебник и практикум для вузов / Н. Ш. Кремер. — 5-е изд., перераб. и доп. — Москва : Издательство Юрайт, 2023. — 538 с. — (Высшее образование). — ISBN 978-5-534-10004-4. — Текст : электронный // Образовательная платформа Юрайт [сайт]. — URL: <https://urait.ru/bcode/517540>

*Малугин, В. А.* Математическая статистика : учебное пособие для вузов / В. А. Малугин. — Москва : Издательство Юрайт, 2023. — 218 с. — (Высшее образование). — ISBN 978-5-534-06965-5. — Текст : электронный // Образовательная платформа Юрайт [сайт]. — URL: <https://urait.ru/bcode/515587>

*Малугин, В. А.* Теория вероятностей и математическая статистика : учебник и практикум для вузов / В. А. Малугин. — Москва : Издательство Юрайт, 2023. — 470 с. — (Высшее образование). — ISBN 978-5-534-05470-5. — Текст : электронный // Образовательная платформа Юрайт [сайт]. — URL: <https://urait.ru/bcode/515502>

б) дополнительная литература:

*Васильев, А. А.* Теория вероятностей и математическая статистика : учебник и практикум для вузов / А. А. Васильев. — 2-е изд., испр. и доп. — Москва : Издательство Юрайт, 2023. — 224 с. — (Высшее образование). — ISBN 978-5-534-16714-6. — Текст : электронный // Образовательная платформа Юрайт [сайт]. — URL: <https://urait.ru/bcode/531568>

*Малугин, В. А.* Теория вероятностей : учебное пособие для вузов / В. А. Малугин. — Москва : Издательство Юрайт, 2023. — 266 с. — (Высшее образование). — ISBN 978-5-534-06964-8. — Текст : электронный // Образовательная платформа Юрайт [сайт]. — URL: <https://urait.ru/bcode/515584>

*Загребаев, А. М.* Элементы теории вероятностей и математической статистики : учебное пособие для вузов / А. М. Загребаев. — 2-е изд. — Москва : Издательство Юрайт, 2022. — 159 с. — (Высшее образование). — ISBN 978-5-534-08871-7. — Текст : электронный // Образовательная платформа Юрайт [сайт]. — URL: <https://urait.ru/bcode/494526>

## **9. ПЕРЕЧЕНЬ КОМПЛЕКТОВ ЛИЦЕНЗИОННОГО И СВОБОДНО РАСПРОСТРАНЯЕМОГО ПРОГРАММНОГО ОБЕСПЕЧЕНИЯ, ИСПОЛЬЗУЕМОГО ПРИ ИЗУЧЕНИИ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ**

При изучении учебной дисциплины (в том числе в интерактивной форме) предполагается применение современных информационных технологий. Комплект программного обеспечения для их использования включает в себя:

пакеты офисного программного обеспечения Microsoft Office (Word, Excel, PowerPoint), OpenOffice;

веб-браузер (Google Chrome, Mozilla Firefox, Internet Explorer др.);

электронную библиотечную систему IPRBooks;

систему размещения в сети «Интернет» и проверки на наличие заимствований курсовых, научных и выпускных квалификационных работ «ВКР-ВУЗ.РФ».

Для доступа к учебному плану и результатам освоения дисциплины, формирования Портфолио обучающегося используется Личный кабинет студента (он-лайн доступ через сеть Интернет <http://lk.rosnou.ru>).

## **10. ПЕРЕЧЕНЬ РЕСУРСОВ ИНФОРМАЦИОННО-ТЕЛЕКОММУНИКАЦИОННОЙ СЕТИ «ИНТЕРНЕТ», НЕОБХОДИМЫХ ДЛЯ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ**

<https://infourok.ru/kurs-lekciy-teoriya-veroyatnosti-i-matematicheskaya-tsastistika-721571.html>

Курс лекций по дисциплине "Теория вероятностей и математическая статистика"

[http://www.mathprofi.ru/teorija\\_verojatnostei.html](http://www.mathprofi.ru/teorija_verojatnostei.html) Базовые термины и понятия теории вероятностей и математической статистики

<http://www.tstu.ru/book/elib/pdf/2010/kulikov-a.pdf> Сборник задач по теории вероятностей и математической статистике

## 11. ОБУЧЕНИЕ ИНВАЛИДОВ И ЛИЦ С ОГРАНИЧЕННЫМИ ВОЗМОЖНОСТЯМИ ЗДОРОВЬЯ

Изучение учебной дисциплины обучающимися инвалидами и лицами с ограниченными возможностями здоровья осуществляется в соответствии с Приказом Министерства образования и науки РФ от 9 ноября 2015 г. № 1309 «Об утверждении Порядка обеспечения условий доступности для инвалидов объектов и предоставляемых услуг в сфере образования, а также оказания им при этом необходимой помощи» (с изменениями и дополнениями), Методическими рекомендациями по организации образовательного процесса для обучения инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья в образовательных организациях высшего образования, в том числе оснащённости образовательного процесса, утвержденными Министерством образования и науки РФ 08.04.2014г. № АК-44/05вн, Положением об организации обучения студентов – инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья, утвержденным приказом ректора Университета от 6 ноября 2015 года №60/о, Положением о Центре инклюзивного образования и психологической помощи АНО ВО «Российский новый университет», утвержденного приказом ректора от 20 мая 2016 года № 187/о.

Лица с ограниченными возможностями здоровья и инвалиды обеспечиваются электронными образовательными ресурсами, адаптированными к состоянию их здоровья.

Предоставление специальных технических средств обучения коллективного и индивидуального пользования, подбор и разработка учебных материалов для обучающихся с ограниченными возможностями здоровья производится преподавателями с учетом индивидуальных психофизиологических особенностей обучающихся и специфики приема-передачи учебной информации на основании просьбы, выраженной в письменной форме.

С обучающимися по индивидуальному плану или индивидуальному графику проводятся индивидуальные занятия и консультации.

## 12. ОПИСАНИЕ МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЙ БАЗЫ, НЕОБХОДИМОЙ ДЛЯ ОСУЩЕСТВЛЕНИЯ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОГО ПРОЦЕССА ПО ДИСЦИПЛИНЕ (МОДУЛЮ)

Для проведения лекций и семинарских занятий используются аудитория №29:

- Персональный компьютер преподавателя – 1 шт.
- Монитор преподавателя – 1 шт.
- Персональные компьютеры студентов: 14 шт.
- Мониторы: 14 шт.
- Меловая магнитная доска
- Учебно-наглядные пособия
- Рабочие места студентов:
- столы компьютерные – 14 шт.
- стулья – 14 шт.
- столы ученические: 15 шт.

- стулья: 30 шт.

Рабочее место преподавателя:

- стол письменный: 1 шт.

- стул: 1 шт.

Автор (составитель): ст.пр. Еков Коваленко Е.В.